

Professor: Thiago Pacifico				
1	2	3	4	5
D	E	D	C	E
6	7	8	9	10
A	C	D	E	B

1. Vamos admitir que x seja o volume de um bebedouro. Podemos, então, escrever a seguinte equação:

$$\frac{2}{9} \cdot x = 75 \cdot \frac{3}{10} \Rightarrow x = \frac{75 \cdot 3 \cdot 9}{2 \cdot 10} = \frac{405}{4} \text{ L}$$

Portanto, o volume de água consumido em 4 tanques será dado por:

$$4 \cdot \frac{405}{4} \cdot \left(1 - \frac{2}{9}\right) = 315 \text{ L}$$

2. No sábado, devemos escolher 2 médicas, dentre 3, e 4 enfermeiras, dentre 7. Logo: $C_{3,2} \cdot C_{7,4} = 3 \cdot 35 = 105$.

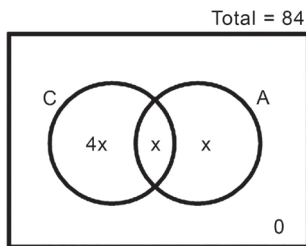
No domingo, temos apenas 1 médica possível. E, como as 3 enfermeiras que não fizeram plantão no sábado devem estar entre as escolhidas, basta escolhermos 2, dentre as 4 que trabalharam no sábado. Logo: $C_{1,1} \cdot C_{4,2} = 1 \cdot 6 = 6$.

Portanto, o total de possibilidades equivale a: $105 \cdot 6 = 630$

3. A probabilidade de que nenhuma das cartas tenha a letra M voltada para cima é $1 - \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$. Por conseguinte, a resposta é:

$$1 - \frac{1}{4} = \frac{3}{4}$$

4.



$$\begin{aligned} \text{Total} &= 84 \\ 4x + x + x &= 84 \\ 6x &= 84 \\ x &= 14 \end{aligned}$$

5. Quantidade de sistemas instalados em 2019: $\frac{5}{9} \cdot 171 \text{ mil} = 95 \text{ mil}$

De 2019 a 2022, se passarão 3 anos, e, dado que o número de sistemas instalados triplica a cada ano, a quantidade de instalações previstas para 2022 é: $3^3 \cdot 95 \text{ mil}$

Portanto, a razão entre o número de novas instalações previstas para o ano de 2022 e o número de sistemas instalados até o final de 2019 equivale a:

$$\frac{3^3 \cdot 95 \text{ mil}}{171 \text{ mil}} = 15$$

6. Sejam t , c e d , respectivamente, o número diário de horas, o número de caminhões e o número de dias. Logo, temos $t = k \cdot \frac{1}{c \cdot d}$, com k sendo a constante de proporcionalidade.

Portanto, se $t = 8$, $c = 20$ e $d = 15$, então:

$$8 = k \cdot \frac{1}{20 \cdot 15} \Leftrightarrow k = 8 \cdot 15 \cdot 20$$

Agora, se $c' = 24$ e $d' = 6$, então:

$$t' = 8 \cdot 15 \cdot 20 \cdot \frac{1}{24 \cdot 6} = \frac{50}{3} \text{ h}$$

$$= \left(16 + \frac{2}{3}\right) \text{ h} = 16\text{h}40\text{min}$$

7. Seja x o número de aumentos de um real. Logo, a arrecadação semanal é dada por $A(x) = (20 + x)(50 - 2x) = -2(x - 25)(x + 20)$. Em consequência, o número de aumentos de um real que maximizam a arrecadação é igual a $-\frac{20 + 25}{2} = 2,5$. A resposta é R\$ 2,50.

8. Desde que o tempo gasto para a produção do jogo é diretamente proporcional ao percentual já concluído do mesmo e inversamente proporcional ao número de alunos do grupo, temos

$$6 = k \cdot \frac{24}{n} \Leftrightarrow k = \frac{n}{4}, \text{ com } k \text{ sendo a constante de proporcionalidade e } n \text{ o número de alunos do grupo.}$$

Portanto, o tempo t necessário para concluir o jogo é igual a

$$t = \frac{n}{4} \cdot \frac{76}{2n} = 9\text{h}30\text{min.}$$

A resposta é $6\text{h} + 9\text{h}30\text{min} = 15\text{h}30\text{min}$.

9. Embora o gráfico apresente picos e vales, ele representa a variação percentual do valor do PIB, que, embora tenha desacelerado em crescimento a partir do terceiro trimestre de 2009, é sempre positiva. Ou seja, embora o PIB tenha crescido menos a partir do terceiro trimestre de 2009, ele continua crescendo em relação ao trimestre anterior. Assim, o último mês será o que possui o maior valor do PIB no período considerado.

10. Calculando:

vitória \Rightarrow 3 pontos

empate \Rightarrow 2 pontos (1 para cada time)

$$C_{6,2} = \frac{6!}{2! \cdot 4!} = \frac{6 \cdot 5}{2} = 15 \Rightarrow \text{máx. pontos} = 15 \cdot 3 = 45 \text{ pontos}$$

$$9 + 6 + 4 + 2 + 6 + 13 = 40 \text{ pontos} \Rightarrow 5 \text{ empates}$$