



Professor: Jardel Almeida				
1	2	3	4	5
A	C	A	B	D
6	7	8	9	10
B	E	C	D	B

**COMENTÁRIOS**

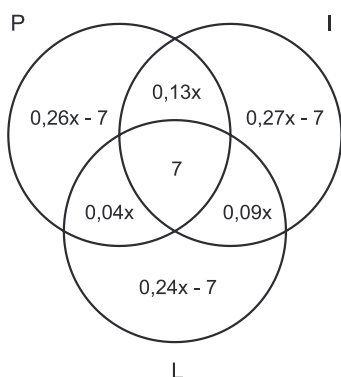
1.  $M = 1\,000\,000 \cdot (1 + 3,7\%)^{15}$   
 $M = 1\,000\,000 \cdot (1,037)^{15} = 1\,000\,000 \cdot (1,037)^5 \cdot (1,037)^5 \cdot (1,037)^5 =$   
 $= 1\,000\,000 \cdot 1,2 \cdot 1,2 \cdot 1,2$   
 $M = 1\,728\,000 = 1,728 \text{ milhão}$

2. Quantidade de alunos aprovados apenas na disciplina de Logística de Transporte e Distribuição:  $30 - 16 = 14$ .

Quantidade de alunos aprovados apenas na disciplina de Logística de Armazenagem:  $20 - 16 = 4$ .

Se  $x$  o número de alunos que não foram aprovados em nenhuma das disciplinas, temos:  $14 + 4 + 16 + x = 40 \therefore x = 6$ .

3. Sendo  $x$  o total de alunos, podemos construir o Diagrama de Venn para a situação dada:



Logo:

$$0,26x - 7 + 0,13x + 0,04x + 7 + 0,27x - 7 + 0,09x + 0,24x - 7 = x$$

$$1,03x - 14 = x$$

$$x \cong 467$$

Portanto, o número de discentes fluentes em LIBRAS, mas não em Inglês é de, aproximadamente:  $0,28 \cdot 467 - 7 \cong 124$ .

4. O elevador P para apenas nos andares pertencentes ao conjunto  $I = \{2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 20\}$ . Já o elevador T para apenas nos andares pertencentes ao conjunto  $J = \{3, 6, 9, 12, 15, 18\}$ , enquanto que o elevador C para apenas nos andares pertencentes ao conjunto  $K = \{5, 10, 14, 20\}$ .

Em consequência, como a interseção dos conjuntos I, J e K é vazia, não há possibilidade de um mesmo andar receber os três elevadores, P, T e C.

Desde que  $I \cap J = \{6, 12, 18\}$ ,  $I \cap K = \{10, 20\}$  e  $J \cap K = \{15\}$ , podemos afirmar que, em seis andares desse prédio, chegam, exatamente, dois elevadores.

Os andares em que chega apenas um elevador pertencem ao conjunto  $L = \{2, 3, 4, 5, 8, 9, 14, 16\}$ . Portanto, segue que  $x = 8$ , ou seja, um número maior do que 7.

5. Sendo  $x$  o número de assentos vazios, o valor arrecadado é dado por:

$$V = (50 - x) \cdot (40 + 2x)$$

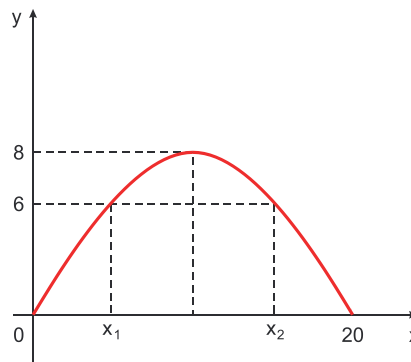
$$V = 2\,000 + 100x - 40x - 2x^2$$

$$V = -2x^2 + 60x + 2\,000$$

Logo, o valor máximo é igual a:

$$V_{\text{máx}} = -\frac{60^2 - 4 \cdot (-2) \cdot 2\,000}{4 \cdot (-2)} \therefore V_{\text{máx}} = \text{R\$ } 2\,450,00$$

6.



O primeiro passo será determinar a lei formação da função quadrática representada pelo gráfico acima. Para isso, utilizaremos a fórmula fatorada do trinômio do segundo grau.

$$f(x) = a \cdot (x - 0) \cdot (x - 20)$$

Pela simetria da parábola, sabemos que seu vértice é o ponto (10, 8). Vamos, então, determinar o valor de  $a$  substituindo o ponto (10, 8) na função:

$$8 = a \cdot (10 - 0) \cdot (10 - 20)$$

$$8 = -100a$$

$$a = -\frac{8}{100}$$

$$a = -\frac{2}{25}$$

$$\text{Portanto, } f(x) = -\frac{2}{25} \cdot (x - 0) \cdot (x - 20).$$

O próximo passo será determinar os valores de  $x$ , tais que  $f(x) = 6$  m.

$$6 = -\frac{2}{25} \cdot (x - 0) \cdot (x - 20)$$

$$150 = -2 \cdot x \cdot (x - 20)$$

$$x^2 - 20x = -75$$

$$x^2 - 20x + 75 = 0$$

Resolvendo a equação, obtemos:  $x = 5$  ou  $x = 15$ .

Concluimos, então, que a largura  $L$  do caminhão deverá ser:  $L < 15 - 5 \Rightarrow L < 10$ .

Das opções sugeridas pelo problema, o maior valor possível é 8.

7. A abscissa do centro,  $C$ , da circunferência é igual a  $\frac{16}{2} = 8$ .

Se  $M$  é o ponto médio da corda  $AB$  e  $\overline{CB} = r$  é o raio da circunferência, então, pelo Teorema de Pitágoras, vem

$$\overline{CB}^2 = \overline{CM}^2 + \overline{MB}^2 \Leftrightarrow r^2 = (r - 4)^2 + 8^2$$

$$\Leftrightarrow 8r = 80$$

$$\Leftrightarrow r = 10 \text{ m.}$$

Em consequência, podemos afirmar que o centro da circunferência é o ponto  $(8, 4 - 10) = (8, -6)$ .

Portanto, temos:

$$(x - 8)^2 + (y + 6)^2 = 10^2 \Rightarrow y = \sqrt{100 - (x - 8)^2} - 6,$$

com  $0 \leq x \leq 16$ .



8. De acordo com as informações do problema, temos:  $Q_0 = 512$  g.  
E devemos determinar o valor de  $t$  de modo que  $Q(t) = 64$ .

$$Q(t) = Q_0 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^t$$

$$64 = 512 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^t$$

$$\frac{64}{512} = \left(\frac{1}{2}\right)^t$$

$$\frac{1}{8} = \left(\frac{1}{2}\right)^t$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^3 = \left(\frac{1}{2}\right)^t$$

$$t = 3$$

Portanto, o horário no qual apenas 64 mg da substância estarão presentes no organismo é  $8 + 3 = 11$  horas.

9. Seja  $N(t) = at + b$  o número de óbitos, por 1 000 habitantes,  $t$  anos após 2009. Logo, se  $N(0) = 22,5$ , então  $b = 22,5$ . Ademais, como  $N(2) = 18,7$ , vem  $18,7 = a \cdot 2 + 22,5 \Leftrightarrow a = -1,9$ .

Portanto,  $N(t) = -1,9t + 22,5$  e, assim,

$$N(t) < 10 \Leftrightarrow -1,9t + 22,5 < 10$$

$$\Leftrightarrow t > 6,6.$$

É imediato que  $2015 < 2009 + 6,6 < 2016$ .

10. O número de anos necessários para que o número de jovens atinja o valor desejado é:

$$P = P_0 \cdot (1 + i)^n$$

$$7,3 = 4,2 \cdot (1 + 0,04)^n$$

$$1,73 = 1,04^n$$

$$\log 1,73 = n \cdot \log 1,04$$

$$n = \frac{0,238}{0,017}$$

$$n = 14$$

Portanto, o valor será atingido no ano de 2031.